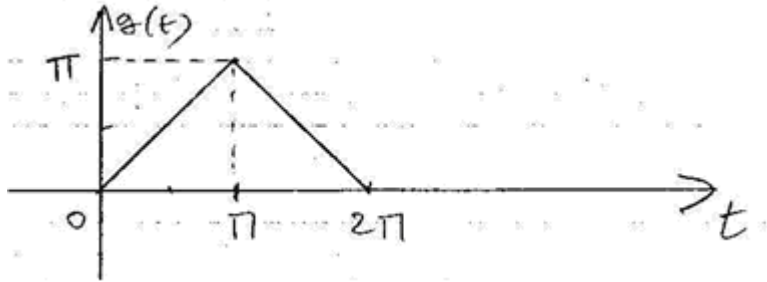


ឧទាហរណ៍ 8-2 គេអោយអនុគមន៍ g កំនត់ដោយ

$$g(t) = t \text{ លើ } t \in [0, \pi]$$

$$g(t) = -t + 2\pi \text{ លើ } t \in]\pi, 2\pi]$$

ដែលមានក្រាប: (លើកនេះ ត្រង់ $t = \pi$, អនុគមន៍ g កំនត់ ព្រោះចន្លោះបើកខាងឆ្វេង ហើយបិទខាងស្តាំ ត្រង់ $t = \pi$)



យើងឃើញថា :

1°) អនុគមន៍ g កំនត់ ជាប និងមានដេរីវេ លើចន្លោះ $[0, 2\pi]$ លើកលែងតែត្រង់ ចំនុច $t = \pi$ ។ ព្រោះលើចន្លោះ $[0, \pi]$ និង $]\pi, 2\pi]$ $g(t)$ ជាពហុធា (polynôme)

2°) $g(\pi) = \pi$ ព្រោះ $g(t) = t$ លើចន្លោះ $[0, \pi]$

$$\lim_{t \rightarrow \pi^-} g(t) = \lim_{t \rightarrow \pi^-} (t) = \pi \Leftrightarrow g(\pi - 0) = \pi \text{ (បន្ទាត់នេះ មិនដាក់ក៏បានដែរ)}$$

ព្រោះចន្លោះ $[0, \pi]$ បិទត្រង់ $t = \pi$, ដូច្នោះ $(\pi - 0)$ ក៏នៅក្នុងចន្លោះ $[0, \pi]$ ដែរ)

$$\lim_{t \rightarrow \pi^+} g(t) = \lim_{t \rightarrow \pi^+} (-t + 2\pi) = \pi \Leftrightarrow g(\pi + 0) = \pi$$

រួមសេចក្តីទៅ

$$g(\pi) = g(\pi - 0) = g(\pi + 0) = \pi \text{ (ចំនួនពិត) ដូច្នោះ } g \text{ ជាប់ត្រង់ } t = \pi$$

3°) តាមនិយមន័យ $g(t)$, យើងបាន

$$\text{លើចន្លោះ } [0, \pi], \quad g'(t) = 1 \text{ និង}$$

$$\text{លើចន្លោះ }]\pi, 2\pi], \quad g'(t) = -1,$$

ដូច្នោះ

$$\left. \begin{aligned} \lim_{t \rightarrow \pi^-} g'(t) &= 1 \Rightarrow g'(\pi - 0) \text{ ជាចំនួនពិត} \\ \lim_{t \rightarrow \pi^+} g'(t) &= -1 \Rightarrow g'(\pi + 0) \text{ ជាចំនួនពិត} \end{aligned} \right\} \begin{aligned} &\text{តែ } g' \text{ មិនជាប់ទេ ត្រង់ } t = \pi \\ &\text{(នេះតាមនិយមន័យជាប់)} \end{aligned}$$

រួមសេចក្តីទៅ យើងឃើញថា លក្ខណៈទាំងបី នៃនិយមន័យខាងលើផ្សំផ្គុំគ្នា
ទាំងអស់ ហេតុនេះ g ជាអនុគមន៍ថ្នាក់ C^1 ដោយកង់ៗលើចន្លោះ $[0, 2\pi]$ ។

សង្កេត

យើងបានឃើញថាត្រង់ចំនុច $t_1 = \pi$

$$\left. \begin{array}{l} g(\pi) = \pi \\ g(\pi - 0) = \pi \\ g(\pi + 0) = \pi \end{array} \right| \Rightarrow g \text{ ជាប់ត្រង់ចំនុច } t_1 = \pi$$

$$\left. \begin{array}{l} g'(\pi) = 1 \\ g'(\pi - 0) = 1 \\ g'(\pi + 0) = -1 \end{array} \right| \Rightarrow g' \text{ ជាប់ត្រង់ចំនុច } t_1 = \pi \text{ (តែ តាមលក្ខណៈ 1° នៅ B/ មិនជា$$

ចំណោទទេ !)